

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования
«Российский государственный гуманитарный университет»
(ФГАОУ ВО «РГГУ»)

ИНСТИТУТ СОЦИАЛЬНО-ЭКОНОМИЧЕСКИХ НАУК
ЭКОНОМИЧЕСКИЙ ФАКУЛЬТЕТ
Кафедра социально-экономической статистики и демографии

ЭКОНОМЕТРИКА

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

01.03.05 Статистика

Код и наименование направления подготовки/специальности

Социально-экономическая статистика и демография

Наименование направленности (профиля)/ специализации

Уровень высшего образования: *бакалавриат*

Форма обучения: *очная*

РПД адаптирована для лиц
с ограниченными возможностями
здоровья и инвалидов

Москва 2026

Эконометрика
Рабочая программа дисциплины

Составители:

доктор физико-математических наук, профессор *В.В. Ульянов*
кандидат физико-математических наук, доцент *С.А. Махов*

УТВЕРЖДЕНО:

Протокол заседания кафедры социально-экономической
статистики и демографии

№4 от 22.11. 2025 года

ОГЛАВЛЕНИЕ

1	Пояснительная записка.....	4
1.1	Цель и задачи дисциплины.....	4
1.2	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций.....	4
1.2	Место дисциплины в структуре образовательной программы.....	4
2	Структура дисциплины.....	5
3	Содержание дисциплины.....	5
4	Образовательные технологии.....	7
5	Оценка планируемых результатов обучения.....	7
5.1	Система оценивания.....	7
5.2	Критерии выставления оценки по дисциплине.....	8
5.3	Оценочные средства (материалы) для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине.....	10
6	Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины.....	13
6.1	Список литературы.....	13
6.2	Перечень ресурсов информационно-коммуникационной среды “Интернет”.....	13
6.3	Профессиональные базы данных и информационно-справочные системы.....	13
7	Материально-техническое обеспечение дисциплины.....	14
8	Обеспечение образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов.....	14
9	Методические материалы.....	16
9.1	Планы практических занятий.....	16
9.2	Методические рекомендации по подготовке письменных работ.....	18
	Приложение 1	19

1 Пояснительная записка

1.1 Цель и задачи дисциплины

Цель курса – подготовить специалиста, способного на основе описания экономических процессов и явлений строить стандартные теоретические и эконометрические модели, анализировать и содержательно интерпретировать полученные результаты.

Задачи дисциплины:

1. овладеть основными математико-статистическими методами построения эконометрических моделей,
2. научиться строить эконометрические модели на основе реальных статистических данных,
3. развить навыки содержательно интерпретировать построенные модели.

1.2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

Компетенция (код и наименование)	Индикаторы компетенций (код и наименование)	Результаты обучения
ОПК-2с Способен формировать упорядоченные сводные массивы статистической информации и осуществлять расчет сводных и производных показателей в соответствии с утвержденными методиками, в том числе с применением необходимой вычислительной техники и стандартных компьютерных программ	ОПК-2с.1 Знает методы формирования сводных массивов статистической информации, поступающей из различных источников статистических данных, в том числе с использованием цифровых технологий ОПК-2с.2 Умеет выполнять расчет сводных и производных показателей в соответствии с утвержденными методиками, в том числе с использованием программных средств ОПК-2с.3 Владеет навыками сбора, анализа и оценки статистических данных в сфере социальных, экономических, демографических процессов и явлений	Знать - основные математико-статистические методы построения эконометрических моделей и оценки качества моделей; Уметь - работать с программными продуктами, позволяющими применить эконометрические методы к анализу реальных статистических данных. Владеть - навыками содержательной интерпретации построенных эконометрических моделей.
ОПК-2э. Способен осуществлять сбор, обработку и статистический анализ данных, необходимых для решения поставленных экономических задач	ОПК-2э.1 Использует методы сбора, анализа и оценки информации, отражающей состояние и тенденции в экономике ОПК-2э.2 Анализирует результаты экономико-статистических исследований и делает на их основе качественные и количественные выводы для решения практических задач	Знать: эконометрические методы (статистика, регрессионный анализ, временные ряды); источники экономических данных; способы оценки качества данных и моделей. Уметь: собирать и обрабатывать экономические данные; строить эконометрические модели и анализировать их; прогнозировать экономические показатели. Владеть: навыками работы с Excel, SPSS, Stata или R;

		методами визуализации данных (графики, диаграммы); инструментами анализа и проверки эконометрических моделей.
--	--	---

1.2 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Эконометрика» входит в обязательную часть дисциплин ОПОП образовательной программы бакалавриата по направлению подготовки 01.03.05 Статистика.

Для освоения дисциплины необходимы знания, умения и владения, сформированные в ходе изучения следующих дисциплин: «Теория вероятностей и математическая статистика», «Теория статистики», «Математическое моделирование социально-экономических процессов»

В результате освоения дисциплины формируются знания, умения и владения, необходимые для изучения следующих дисциплин: «Налоги и налогообложение», «Оценка и управление рисками».

2 Структура дисциплины

Структура дисциплины для очной формы обучения

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 3 з.е., 108 ч., в том числе контактная работа обучающихся с преподавателем 42 ч., самостоятельная работа обучающихся 48 ч.

Семестр	Тип учебных занятий	Количество часов
5	Лекция	18
5	Семинар	24
Всего:		42

3 Содержание дисциплины

№	Наименование раздела дисциплины	Содержание
1	Определение эконометрики	Предмет эконометрики. Краткая история возникновения и развития эконометрических исследований. Связь эконометрики с другими областями знаний. Эконометрическая модель как главный инструмент эконометрических исследований. Задачи, решаемые на ее основе. Этапы эконометрического моделирования. Типы данных и виды переменных в эконометрических исследованиях.
2	Парная регрессия	Спецификация модели. Линейная регрессия и корреляция: смысл и оценка параметров. Метод наименьших квадратов. Свойства оценок параметров. Условия Гаусса – Маркова. Теорема Гаусса – Маркова. Проверка гипотез о статистической значимости параметров модели. Интервальные оценки параметров модели. Интервалы прогноза по линейному уравнению регрессии. Оценка качества модели. Нелинейные регрессии: полиномиальные, степенные, показательные. Методы сведения нелинейных моделей к линейным.

3	Множественная регрессия	Спецификация модели. Отбор факторов при построении множественной регрессии. Выбор формы уравнения регрессии. Оценка параметров уравнения множественной регрессии. Множественные корреляции. Частные корреляции. Качество модели. Мультиколлинеарность. Фиктивные переменные. Автокорреляция, ее обнаружение. Методы устранения автокорреляции. Гетероскедастичность и гомоскедастичность. Обнаружение и последствия гетероскедастичности. Обобщенный метод наименьших квадратов.
4	Системы эконометрических уравнений	Общее понятие о системах уравнений, используемых в эконометрике. Составляющие систем уравнений. Инструментальные переменные. Структурная и приведенная форма модели. Проблема идентификации. Оценивание параметров структурной модели. Анализ методов оценивания. Применение систем эконометрических уравнений. Путевой анализ.
5	Динамические модели	Временные ряды: основные элементы. Моделирование тенденции временного ряда. Моделирование сезонных и циклических колебаний. Методы исключения тенденции. Лаги в экономических моделях. Общая характеристика моделей с распределенным лагом и моделей авторегрессии. Интерпретация параметров моделей с распределенным лагом. Изучение структуры лага и выбор модели с распределенным лагом. Метод Койка. Оценка параметров моделей авторегрессии. Новые направления в анализе многомерных временных рядов.
6	Модели линейной множественной регрессии. Сравнительные качества моделей	Спецификация модели. Отбор факторов при построении множественной регрессии. Оценки параметров уравнения линейной множественной регрессии и их свойства. Условия Гаусса – Маркова. Теорема Гаусса – Маркова. Доверительные интервалы для параметров. Проверка статистической значимости параметров. Множественные корреляции. Частные корреляции. Качество модели. Фиктивные переменные
7	Модели нелинейной множественной регрессии	Спецификация модели. Отбор факторов при построении множественной регрессии. Выбор формы уравнения регрессии: полиномиальная, степенная, показательная, логарифмическая. Модели, нелинейные по фактор-переменным. Модели, нелинейные по параметрам и по фактор-переменным. Методы сведения нелинейных моделей к линейным. Оценки параметров исходного уравнения множественной регрессии.
8	Гетероскедастичность, автокорреляция, мультиколлинеарность	Условия Гаусса – Маркова. Обнаружение и последствия мультиколлинеарности, автокорреляция и гетероскедастичности. Критерий Дарбина-Уотсона. Методы устранения мультиколлинеарности и автокорреляция. Методы смягчения проблемы гетероскедастичности. Обобщенный метод наименьших квадратов.
9	Системы эконометрических уравнений	Общее понятие о системах уравнений, используемых в эконометрике. Составляющие систем уравнений. Инструментальные переменные. Структурная и приведенная форма модели. Проблема идентификации. Оценивание параметров структурной модели. Анализ методов оценивания. Косвенный метод наименьших квадратов. Применение систем эконометрических уравнений. Путевой анализ.

10	Временные ряды. Динамические модели	Временные ряды: основные элементы. Моделирование тенденции временного ряда. Моделирование сезонных и циклических колебаний. Методы исключения тенденции. Лаги в экономических моделях. Общая характеристика моделей с распределенным лагом и моделей авторегрессии. Интерпретация параметров моделей с распределенным лагом. Изучение структуры лага и выбор модели с распределенным лагом. Метод Койка. Оценка параметров моделей авторегрессии. Новые направления в анализе многомерных временных рядов. Коинтеграция временных рядов.
----	--	--

4 Образовательные технологии

Для проведения учебных занятий по дисциплине используются различные образовательные технологии. Для организации учебного процесса может быть использовано электронное обучение и (или) дистанционные образовательные технологии.

5 Оценка планируемых результатов обучения

5.1 Система оценивания

Форма контроля	Макс. количество баллов	
	За одну работу	Всего
Текущий контроль: - защита отчета по практической работе	12 баллов	60 баллов
Промежуточная аттестация: экзамен		40 баллов
Итого за семестр		100 баллов

Полученный совокупный результат конвертируется в традиционную шкалу оценок и в шкалу оценок Европейской системы переноса и накопления кредитов (European Credit Transfer System; далее – ECTS) в соответствии с таблицей:

100-балльная шкала	Традиционная шкала		Шкала ECTS
95 – 100	отлично	зачтено	A
83 – 94			B
68 – 82	хорошо		C
56 – 67	удовлетворительно		D
50 – 55		E	
20 – 49	неудовлетворительно	не зачтено	FX
0 – 19			F

5.2 Критерии выставления оценки по дисциплине

Баллы/ Шкала ECTS	Оценка по дисциплине	Критерии оценки результатов обучения по дисциплине
100-83/ А,В	«отлично»/ «зачтено (отлично)»/ «зачтено»	Выставляется обучающемуся, если он глубоко и прочно усвоил теоретический и практический материал, может продемонстрировать это на занятиях и в ходе промежуточной аттестации. Обучающийся исчерпывающе и логически стройно излагает учебный материал, умеет увязывать теорию с практикой, справляется с решением задач профессиональной направленности высокого уровня сложности, правильно обосновывает принятые решения. Свободно ориентируется в учебной и профессиональной литературе. Оценка по дисциплине выставляется обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации. Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне – «высокий».
82-68/ С	«хорошо»/ «зачтено (хорошо)»/ «зачтено»	Выставляется обучающемуся, если он знает теоретический и практический материал, грамотно и по существу излагает его на занятиях и в ходе промежуточной аттестации, не допуская существенных неточностей. Обучающийся правильно применяет теоретические положения при решении практических задач профессиональной направленности разного уровня сложности, владеет необходимыми для этого навыками и приёмами. Достаточно хорошо ориентируется в учебной и профессиональной литературе. Оценка по дисциплине выставляется обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации. Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне – «хороший».
67-50/ D,E	«удовлетвори- тельно»/ «зачтено (удовлетвори- тельно)»/ «зачтено»	Выставляется обучающемуся, если он знает на базовом уровне теоретический и практический материал, допускает отдельные ошибки при его изложении на занятиях и в ходе промежуточной аттестации. Обучающийся испытывает определённые затруднения в применении теоретических положений при решении практических задач профессиональной направленности стандартного уровня сложности, владеет необходимыми для этого базовыми навыками и приёмами. Демонстрирует достаточный уровень знания учебной литературы по дисциплине. Оценка по дисциплине выставляется обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации.

Баллы/ Шкала ECTS	Оценка по дисциплине	Критерии оценки результатов обучения по дисциплине
		Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне – «достаточный».
49-0/ F,FX	«неудовлетворительно»/ не зачтено	Выставляется обучающемуся, если он не знает на базовом уровне теоретический и практический материал, допускает грубые ошибки при его изложении на занятиях и в ходе промежуточной аттестации. Обучающийся испытывает серьёзные затруднения в применении теоретических положений при решении практических задач профессиональной направленности стандартного уровня сложности, не владеет необходимыми для этого навыками и приёмами. Демонстрирует фрагментарные знания учебной литературы по дисциплине. Оценка по дисциплине выставляется обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации. Компетенции на уровне «достаточный», закреплённые за дисциплиной, не сформированы.

Критерии оценивания практических работ:

Критерии оценивания / Уровень требований к обучающемуся	Макс. кол-во баллов
Текущий контроль, всего в т.ч.:	60
Практическая работа	12
Задания выполнены не полностью и (или) допущены две и более ошибки или три и более недочета	1-6
Задания выполнены полностью, но допущены два-три недочета, в т. ч. при ответе на контрольные вопросы	7-9
Задания выполнены полностью, возможна одна неточность, ответы на контрольные вопросы правильные	10-12

5.3 Оценочные средства (материалы) для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

Задания для практических работ представлены в разделе 9.

Примеры тестовых заданий

1. Перепись населения не является
 - а) выборочным исследованием;
 - б) сбором данных о генеральной совокупности;
 - в) выборкой.

2. По некоторой выборке можно судить о генеральной совокупности. В таком случае говорят, что выборка

- а) нормализована;
- б) структурирована;
- в) репрезентативна;
- г) показательна.

3. Чему равен размах выборки $\{1, 30, 1000, 24, 99\}$?

- а) 98
- б) 999
- в) 1000
- г) 230,8

4. По формуле $n(A_k) = \frac{N_k(A_k)}{N}$, где N_k - число опытов, в которых произошло событие A_k при общем числе испытаний N , определяется:

- а) относительная частота появления события A_k
- б) интегральная частота появления события A_k
- в) размах выборки появления события A_k
- г) репрезентативность появления события A_k

5. Чему равен размах выборки $\{1, 5, 12, 1, 5, 12, 1, 5\}$

- а) 3
- б) 11
- в) 4
- г) 8.

6. Плотность вероятности $f(x)$ можно интерпретировать как

- а) как предел отношения вероятности попадания случайной величины X в интервал, содержащий число x , к длине этого интервала при его стремлении к 0;
- б) вероятность того, что случайная величина X принимает значение больше данного числа x ;
- в) вероятность того, что случайная величина X принимает значение меньше данного числа x .

7. Функция распределения $F_X(x)$ случайной величины X можно интерпретировать как

- а) вероятность того, что случайная величина X попадает в интервал, содержащий точку x ;
- б) вероятность того, что случайная величина X принимает значение больше данного числа x ;
- в) вероятность того, что случайная величина X принимает значение меньше данного числа x ;

8. Чему равно математическое ожидание числа, которое выпадает при подбрасывании игральной кости?

- а) 3
- б) 3,5
- в) 1,2,3,4,5,6
- г) 21

9. Известно, что математическое ожидание $M[X]$ некоторой случайной величины X равно 40, а $M[X^2] = 1990$. Чему равна дисперсия?

- а) 1170
- б) 1462500

- в) 390
г) 1600

10. По таблице функции распределения стандартного нормального распределения определите, какова вероятность попадания реализации случайной величины, имеющей нормальное распределение со средним 1 и дисперсией 100, в интервал $(-\infty; 2]$?

Z	0,00	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0	0,5	0,503989	0,507978	0,511967	0,515953	0,519939	0,523922	0,527903	0,531881	0,535856
0,1	0,539828	0,543795	0,547758	0,551717	0,55567	0,559618	0,563559	0,567495	0,571424	0,575345
0,2	0,57926	0,583166	0,587064	0,590954	0,594835	0,598706	0,602568	0,60642	0,610261	0,614092
0,3	0,617911	0,621719	0,625516	0,6293	0,633072	0,636831	0,640576	0,644309	0,648027	0,651732
0,4	0,655422	0,659097	0,662757	0,666402	0,670031	0,673645	0,677242	0,680822	0,684386	0,687933

- а) 0,5
б) 0,503989
в) 0,539828
г) 0,57926

11. По таблице функции распределения стандартного нормального распределения определите, какова вероятность попадания реализации случайной величины, имеющей нормальное распределение со средним 1 и дисперсией 100, в интервал $(1; 3]$?

Z	0,00	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0	0,5	0,503989	0,507978	0,511967	0,515953	0,519939	0,523922	0,527903	0,531881	0,535856
0,1	0,539828	0,543795	0,547758	0,551717	0,55567	0,559618	0,563559	0,567495	0,571424	0,575345
0,2	0,57926	0,583166	0,587064	0,590954	0,594835	0,598706	0,602568	0,60642	0,610261	0,614092
0,3	0,617911	0,621719	0,625516	0,6293	0,633072	0,636831	0,640576	0,644309	0,648027	0,651732
0,4	0,655422	0,659097	0,662757	0,666402	0,670031	0,673645	0,677242	0,680822	0,684386	0,687933

- а) 0,57926
б) 0,617911
в) 0,078083
г) 0,07926

12. По таблице функции распределения Стьюдента для двусторонней критической области определите значение $t_{кр.}$ при степени свободы $n=10$ и вероятности $P(t < t_{кр.})=97,5\%$

n/a	0,005	0,01	0,025	0,05	0,1
1	127,3211	63,6559	25,45188	12,70615	6,313749
10	3,581372	3,169262	2,633769	2,228139	1,812462
30	3,029782	2,749985	2,359566	2,04227	1,69726

- а) 2,228139
б) 2,633769
в) 1,1140685
г) 1,316885

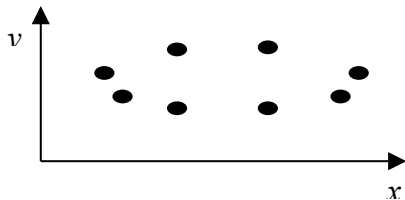
13. По таблице функции распределения Стьюдента для двусторонней критической области определите, какова вероятность попадания реализации случайной величины в интервал $(2,633769; +\infty)$ при степени свободы $n=10$?

n/a	0,005	0,01	0,025	0,05	0,1
1	127,3211	63,6559	25,45188	12,70615	6,313749

10	3,581372	3,169262	2,633769	2,228139	1,812462
30	3,029782	2,749985	2,359566	2,04227	1,69726

- а) 97,5%
- б) 99,75%
- в) 5%
- г) 1,25%

14. Чему равен парный коэффициент корреляции для переменных, зависимость между которыми отображена на графике?



- а) $r_{xy}=1$
- б) $r_{xy}=0$
- в) $r_{xy}=-1$
- г) $r_{xy}=0,5$

15. Коэффициент корреляции r_{xy} может принимать значения только в пределах:

- а) $-1 < r_{xy} < 1$
- б) $0 < r_{xy} < 1$
- в) $-1 < r_{xy} < 0$
- г) $-1/2 < r_{xy} < 1/2$

16. Для оценки значимости парного коэффициента корреляции используется

- а) t-статистика, рассчитываемая по формуле $t = r \times \frac{\sqrt{n-2}}{\sqrt{1-r^2}}$ и $df = n-2$.
- б) F-статистика $F = r \times \frac{\sqrt{n-2}}{\sqrt{1-r^2}}$ с параметрами $n_1 = n$ и $n_2 = r$.

17. При оценке линейной зависимости переменных методом наименьших квадратов в качестве критерия близости используется

- а) минимум суммы модулей разностей наблюдений зависимой переменной y_i и теоретических, рассчитанных по уравнению регрессии значений $(a+bx)$
- б) минимум квадратов разностей наблюдений зависимой переменной y_i и теоретических, рассчитанных по уравнению регрессии значений $(a+bx)$
- в) минимум суммы квадратов разностей наблюдений зависимой переменной y_i и теоретических, рассчитанных по уравнению регрессии значений $(a+bx)$
- г) минимум суммы разностей наблюдений зависимой переменной y_i и теоретических, рассчитанных по уравнению регрессии значений $(a+bx)$

18. Какие требования в модели регрессионного анализа предъявляются к математическому ожиданию $M[\mathbf{e}_i]$ и дисперсии $D[\mathbf{e}_i]$ ошибок наблюдения $\mathbf{e}_i$:

- а) $M[\mathbf{e}_i]=1$; $D[\mathbf{e}_i]=s^2$

- б) $M[e_i]=0$; $D[e_i]=1$
 в) $M[e_i]=0$; $D[e_i]=s^2$
 г) $M[e_i]=1$; $D[e_i]=0$

19. По результатам бюджетного обследования случайно выбранных семей построено уравнение регрессии зависимости накоплений S от дохода Y :

$$S_i = -33,5 + 1,05Y_i + e_i$$

Спрогнозируйте накопления семьи, имеющей доход 40 тыс. руб.

- а) 42
 б) 8,5
 в) 4,2
 г) 1,05

20. По результатам бюджетного обследования случайно выбранных семей построено уравнение регрессии зависимости накоплений S от дохода Y :

$$S_i = -33,5 + 1,05Y_i + e_i$$

Как изменятся накопления, если доходы увеличатся на 10 тыс. руб.?

- а) возрастут на 1,05 тыс.руб.
 б) уменьшатся на 33,5 тыс. руб.
 в) возрастут на 10,5 тыс. руб.
 г) данных недостаточно

21. По выборке из 20 наблюдений была оценена парная регрессия $y = a_0 + a_1x$. Для коэффициента регрессии a_1 получена t -статистика: $t_1 = -2,09$. По таблице функции распределения Стьюдента для двусторонней критической области определите, на каком максимальном уровне значим полученный коэффициент.

n / α	0,005	0,01	0,025	0,05	0,1
15	3,286041	2,946726	2,489878	2,131451	1,753051
16	3,251989	2,920788	2,47288	2,119905	1,745884
17	3,222449	2,898232	2,458055	2,109819	1,739606
18	3,196583	2,878442	2,445004	2,100924	1,734063
19	3,1737	2,860943	2,433444	2,093025	1,729131
20	3,1534	2,845336	2,423112	2,085962	1,724718

- а) $\alpha=0,05$
 б) $\alpha=0,01$
 в) $\alpha=0,1$
 г) $\alpha=0,005$

22. Нулевая гипотеза для коэффициента регрессии b в уравнении парной линейной регрессии $Y=a+bX+e$ проверяется с помощью

- а) статистики Стьюдента;
 б) стандартного нормального распределения;
 в) статистики Фишера.

23. По выборке из 20 наблюдений была оценена регрессия $y=a_0+a_1x_1+a_2x_2+a_3x_3$. Для коэффициентов регрессии a_1, a_2, a_3 получены t -статистики: $t_1 = -2,2$; $t_2 = 2,1$; $t_3 = 2,5$. По таблице функции распределения Стьюдента для двусторонней критической области определите, какие из оценок коэффициентов регрессии значимы с доверительной вероятностью 95%.

n / a	0,005	0,01	0,025	0,05	0,1
15	3,286041	2,946726	2,489878	2,131451	1,753051
16	3,251989	2,920788	2,47288	2,119905	1,745884
17	3,222449	2,898232	2,458055	2,109819	1,739606
18	3,196583	2,878442	2,445004	2,100924	1,734063
19	3,1737	2,860943	2,433444	2,093025	1,729131
20	3,1534	2,845336	2,423112	2,085962	1,724718

- а) a_3
 б) a_1, a_2, a_3
 в) a_2, a_3
 г) a_1, a_3

24. По выборке из 20 наблюдений была оценена регрессия $y = a_0 + a_1x_1 + a_2x_2 + a_3x_3$. Для коэффициентов регрессии a_1, a_2, a_3 получены t -статистики: $t_1 = -2,44$; $t_2 = 2,1$; $t_3 = 3,1$. По таблице функции распределения Стьюдента для двусторонней критической области определите, с какой максимальной доверительной вероятностью значимы эти коэффициенты.

n / a	0,005	0,01	0,025	0,05	0,1
15	3,286041	2,946726	2,489878	2,131451	1,753051
16	3,251989	2,920788	2,47288	2,119905	1,745884
17	3,222449	2,898232	2,458055	2,109819	1,739606
18	3,196583	2,878442	2,445004	2,100924	1,734063
19	3,1737	2,860943	2,433444	2,093025	1,729131
20	3,1534	2,845336	2,423112	2,085962	1,724718

- а) 99%
 б) 90%
 в) 95%
 г) 97,5%

25. По выборке из 20 наблюдений была оценена регрессия $y = a_0 + a_1x_1 + a_2x_2$. Для коэффициентов регрессии $a_1 = 100$, $a_2 = 150$ получены значения стандартных отклонений S : $s_1 = 33$; $s_2 = 51$. По таблице функции распределения Стьюдента для двусторонней критической области определите, с какой максимальной доверительной вероятностью коэффициенты регрессии значимы.

n / a	0,005	0,01	0,025	0,05	0,1
15	3,286041	2,946726	2,489878	2,131451	1,753051
16	3,251989	2,920788	2,47288	2,119905	1,745884
17	3,222449	2,898232	2,458055	2,109819	1,739606
18	3,196583	2,878442	2,445004	2,100924	1,734063
19	3,1737	2,860943	2,433444	2,093025	1,729131
20	3,1534	2,845336	2,423112	2,085962	1,724718

- а) 99%
 б) 99,5%
 в) 97,5%
 г) 95%

26. При исследовании зависимости себестоимости продукции y от объема выпуска x_1 и производительности труда x_2 по данным $n=20$ предприятий получено уравнение регрессии $\hat{y} = 2,88 - 0,72 x_1 - 1,51 x_2$ и среднеквадратические отклонения коэффициентов регрессии: $s_{b_1} = 0,052$ и $s_{b_2} = 0,5$. По таблице функции распределения Стьюдента для двусторонней критической области определите можно ли при уровне значимости $\alpha = 0,05$ утверждать, что значимы коэффициенты регрессии

n / α	0,005	0,01	0,025	0,05	0,1
16	3,251989	2,920788	2,47288	2,119905	1,745884
17	3,222449	2,898232	2,458055	2,109819	1,739606
18	3,196583	2,878442	2,445004	2,100924	1,734063
19	3,1737	2,860943	2,433444	2,093025	1,729131
20	3,1534	2,845336	2,423112	2,085962	1,724718

- а) b_1
- б) b_2
- в) оба значимы
- г) оба незначимы

27. Какой показатель характеризует долю объясненной с помощью регрессии дисперсии в общей дисперсии зависимой переменной?

- а) коэффициент корреляции;
- б) t -статистика;
- в) F -статистика;
- г) коэффициент детерминации.

28. В результате регрессионного анализа получена модель $y = 7,1 + 0,6 x_1 + 0,4 x_2 + 0,1 x_3$, t -статистики коэффициентов регрессии равны соответственно 24,5; 9,7; 0,7; 1,3. Коэффициент детерминации $R^2 = 0,9$. Чем можно объяснить низкое качество коэффициентов регрессии при второй и третьей переменной?

- а) тем, что количество наблюдений мало;
- б) тем, что x_2 и x_3 фиктивные переменные;
- в) тем, что x_2 и x_3 не влияют на y ;
- г) тем, что x_2 и x_3 линейно зависимы.

29. Признаком мультиколлинерности не является то, что

- а) невысокое значение коэффициента детерминации;
- б) оценки коэффициентов регрессии имеют малую значимость при высоком значении коэффициента детерминации R^2 и соответствующей F -статистики.

30. Переменные, принимающие только два значения 0 и 1 не называются

- а) фиктивными;
- б) двойственными;
- в) бинарными.

31. Фиктивные переменные позволяют исследовать

- а) влияние качественных признаков;
- б) влияние нескольких переменных, взаимосвязанных между собой;
- в) сезонные различия.

32. Для описания влияния образования (высшее, среднее, среднее специальное, неполное среднее) на уровень заработной платы следует ввести фиктивные переменные в количестве:

- а) 1;
- б) 2;
- в) 3;
- г) 4.

33. Объем продажи зонтиков от дождя зависит от сезона (зима, весна, лето, осень). Для учета сезонной составляющей следует ввести фиктивные переменные в количестве

- а) 4;
- б) 3;
- в) 2;
- г) 1.

34. Модель $y = a_0 + a_1 x_1 + a_2 x_2 + a_3 x_3$, где x_1 и x_2 принимают значения 0 и 1, а x_3 - положительное подходит для описания следующей ситуации

- а) зависимость объема продаж тортов от цены в праздничные дни и в будни;
- б) зависимость объема продаж тортов от цены в выходные, праздничные дни и в будни;
- в) зависимость объема продаж от цены зонтиков от дождя в различные времена года;
- г) зависимость объема продаж велосипедов от цены в периоды с октября по март и с апреля по сентябрь включительно.

35. В чем состоит условие гомоскедастичности в регрессионной модели :

- а) $M[e_{i1}e_{i2}] = 0$;
- б) $M[e_{i1}] < M[e_{i2}]$
- в) $M[e_{i1}^2] = M[e_{i2}^2]$
- г) $M[e_{i1}e_{i2}] > 0$

36. Выберите уравнения, которые могут быть преобразованы в уравнения, линейные по параметрам:

- 1) $Y_i = a \cdot \exp(bx_i) \cdot e_i$
- 2) $Y_i = a \cdot \exp(-bx_i) + e_i$
- 3) $Y_i = \exp(a + bx_i + e_i)$
- 4) $Y_i = a / \exp(b - x_i) + e_i$

- А) 1 и 3
- Б) 2 и 4
- В) 1 и 4
- Г) 2 и 3

37. При каких условиях на параметры a и b производственная функция в модели Кобба-Дугласа $Y = A \cdot K^a L^b$ может быть преобразована в парную линейную регрессию по этим параметрам?

- а) при $a < 1$ и $b < 1$
- б) при $ab = 1$

- в) при $a+b=1$
- г) при любых

38. В чем состоит условие гетероскедастичности в регрессионной модели:

- а) $M[e_{i1}] = M[e_{i2}]$
- б) $M[e_{i1}^2] = M[e_{i2}^2]$
- в) $M[e_{i1}e_{i2}] > 0$;
- г) $M[e_{i1}^2] < M[e_{i2}^2]$

39. Отсутствие автокорреляции в модели может быть выражено следующей записью:

- а) $M[e_t] > M[e_{t-1}]$;
- б) $D[e_t] < D[e_{t-1}]$;
- в) $M[e_t e_{t-1}] = 0$;
- г) $r_{t,t-1} > 0$.

40. Цена на двухкомнатные квартиры $price$ зависит от общей площади $totsq$, площади кухни $kitsq$ и расстояния от центра $dist$ следующим образом:

$$price = 235,6 + 1,8 \cdot totsq + 1,6 \cdot kitsq - 1,7 \cdot dist$$

При этом дисперсия ошибок составляет $s^2 = 35,24$. В каких пределах может находиться цена на квартиру с параметрами $totsq=32$; $kitsq=6$; $dist=15$ с вероятностью 95% ($t=1,96$).

- А) [208,23; 346,37];
- Б) [265,67; 288,94];
- В) [275,34; 279,26];
- Г) [242,06; 312,54].

41. Цена на двухкомнатные квартиры $price$ зависит от общей площади $totsq$, площади кухни $kitsq$ и расстояния от центра $dist$ следующим образом:

$$price = 235,6 + 1,8 \cdot totsq + 1,6 \cdot kitsq - 1,7 \cdot dist$$

При этом дисперсия ошибок составляет $s^2 = 35,24$. В каких пределах может находиться цена на квартиру с параметрами $totsq=40$; $kitsq=8$; $dist=5$ с вероятностью 95% ($t=1,96$).

- А) [300,27; 323,54];
- Б) [309,94; 313,86];
- В) [276,66; 347,14];
- Г) [242,83; 380,97].

42. Цена на однокомнатные квартиры $price$ зависит от общей площади $totsq$, площади кухни $kitsq$ и расстояния от автобусной остановки $dist$ следующим образом:

$$price = 184,8 + 2,8 \cdot totsq + 1,3 \cdot kitsq - 3,7 \cdot dist$$

При этом дисперсия ошибок составляет $s^2 = 51,7$. В каких пределах может находиться цена на квартиру с параметрами $totsq=40$; $kitsq=8$; $dist=5$ с вероятностью 95% ($t=1,96$).

- А) [237; 340,4];
- Б) [274,61; 302,79];
- В) [187,37; 390,03];
- Г) [286,74; 290,66].

43. Цена на однокомнатные квартиры $price$ зависит от общей площади $totsq$, площади кухни $kitsq$ и расстояния от автобусной остановки $dist$ следующим образом:

$$price = 184,8 + 2,8 \cdot totsq + 1,3 \cdot kitsq - 3,7 \cdot dist$$

При этом дисперсия ошибок составляет $s^2 = 51,7$. В каких пределах может находиться цена на квартиру с параметрами $totsq = 40$; $kitsq = 8$; $dist = 5$ с вероятностью 99% ($t = 2,58$).

- А) [155,53; 421,87];
- Б) [286,12; 291,28];
- В) [270,18; 307,22];
- Г) [237; 340,4].

44. Цена на однокомнатные квартиры $price$ зависит от общей площади $totsq$, площади кухни $kitsq$ и расстояния от автобусной остановки $dist$ следующим образом:

$$price = 184,8 + 2,8 \cdot totsq + 1,3 \cdot kitsq - 3,7 \cdot dist$$

При этом дисперсия ошибок составляет $s^2 = 31,7$. В каких пределах может находиться цена на квартиру с параметрами $totsq = 30$; $kitsq = 4$; $dist = 4$ с вероятностью 99% ($t = 2,58$).

- А) [244,7; 273,7];
- Б) [177,55; 340,85];
- В) [256,62; 261,78];
- Г) [227,5; 290,9].

45. Интервальная оценка при прогнозировании значения случайной величины зависит от

- а) числа значений случайной величины;
- б) дисперсии случайной величины;
- в) среднего значения случайной величины.

46. Какой метод не используется для сглаживания стационарного временного ряда?

- а) метод скользящего среднего;
- б) метод наименьших квадратов;
- в) трехшаговый метод.

47. При нахождении оценок параметров системы одновременных эконометрических уравнений не используется:

- а) трехшаговый метод;
- б) косвенный метод;
- в) метод скользящих средних;
- г) двухшаговый метод.

Контрольные вопросы

1. Назовите основные этапы регрессионного анализа.
2. Что такое регрессионная модель?
3. Назовите основные причины наличия в регрессионной модели случайного отклонения
4. Что понимается под спецификацией модели, как она осуществляется?
5. В чем различие между теоретическим и эмпирическим уравнениями регрессии?
6. Дайте определение теоретической линейной регрессионной модели.
7. В чем суть метода наименьших квадратов (МНК)?
8. Приведите формулы для коэффициентов эмпирического парного линейного уравнения регрессии по МНК.

9. Как связаны эмпирические коэффициенты линейной регрессии с выборочным коэффициентом корреляции между переменными уравнения регрессии?
10. Проинтерпретируйте коэффициенты эмпирического парного линейного уравнения регрессии.
11. В чем состоят условия Гаусса-Маркова? Что происходит, если они не выполнены?
12. Какие статистические гипотезы о коэффициентах регрессии проверяются?
13. В чем суть статистической значимости коэффициентов регрессии?
14. Опишите «грубое» правило анализа статистической значимости коэффициентов регрессии.
15. Приведите формулы для интервальных оценок коэффициентов регрессии.
16. Как строится и что позволяет определить доверительный интервал для условного математического ожидания зависимой переменной?
17. С какой целью используется коэффициент детерминации?
18. В каких пределах изменяется коэффициент детерминации?
19. Как определяется модель множественной линейной регрессии?
20. Что характеризуют коэффициенты регрессии?
21. В чем суть МНК для построения множественного линейного уравнения регрессии?
22. Как определяется статистическая значимость коэффициентов регрессии?
23. Как определяется статистическая значимость коэффициента детерминации?
24. Чем скорректированный коэффициент детерминации отличается от обычного?
25. Как используется F-статистика в регрессионном анализе?
26. Как используется t-статистика в регрессионном анализе?
27. Что такое автокорреляция остатков и каковы ее виды?
28. Назовите основные причины автокорреляции.
29. Каковы последствия автокорреляции?
30. Перечислите основные методы обнаружения автокорреляции.
31. В чем суть статистики Дарбина-Уотсона и как она связана с коэффициентом корреляции между соседними отклонениями?
32. Приведите примеры использования логарифмических и степенных моделей регрессии.
33. Изменяются ли свойства случайного отклонения при преобразованиях уравнения регрессии?
34. Каковы признаки качественной регрессионной модели?
35. В чем суть гетероскедастичности?
36. Каковы последствия гетероскедастичности?
37. Как можно обнаружить гетероскедастичность?
38. В чем состоит метод взвешенных наименьших квадратов?
39. Перечислите основные методы обнаружения гетероскедастичности.
40. Опишите авторегрессионную схему первого порядка.
41. Что означают понятия «коллинеарность» и «мультиколлинеарность».
42. В чем различие между совершенной и несовершенной мультиколлинеарностью?
43. Каковы основные последствия мультиколлинеарности?
44. Как можно обнаружить мультиколлинеарность?
45. Перечислите основные методы устранения мультиколлинеарности.
46. Что представляет собой фиктивная переменная?
47. Каковы основные причины использования фиктивных переменных в регрессионных моделях?
48. В чем суть «ловушки фиктивной переменной»?
49. Как используются фиктивные переменные в аддитивных и мультипликативных моделях?
50. В чем суть теста Чоу?
51. Приведите примеры использования фиктивных переменных в сезонном анализе.

52. Что называется временным рядом?
53. В чем различие между моделями с распределенными лагами и авторегрессионными моделями?
54. Каковы основные причины включения лагов в регрессионные модели?
55. В чем состоит преобразование Койка?
56. Опишите методы построения скользящих средних.
57. С какой целью строятся скользящие средние?

6 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

6.1 Список литературы

Основная

1. Демидова, О. А. Эконометрика: учебник и практикум для вузов / О. А. Демидова, Д. И. Малахов. – 2-е изд., перераб. и доп. – Москва: Издательство Юрайт, 2026. – 398 с. – (Высшее образование). – ISBN 978-5-534-20392-9. – Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. – URL: <https://urait.ru/bcode/583223>
2. Ежеманская, С. Н. Эконометрика: учебное пособие / С. Н. Ежеманская, Е. В. Бекушева, Н. Н. Джигоева. - Красноярск: Сиб. федер. ун-т, 2021. – 104 с. – ISBN 978-5-7638-4248-7. – Текст: электронный. – URL: <https://znanium.com/catalog/product/1816587>

Дополнительная

3. Галочкин, В. Т. Эконометрика: учебник и практикум для вузов / В. Т. Галочкин. – Москва: Издательство Юрайт, 2025. – 293 с. – (Высшее образование). – ISBN 978-5-534-14974-6. – Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. – URL: <https://urait.ru/bcode/561148>

6.2 Перечень ресурсов информационно-коммуникационной среды “Интернет»

1. Официальный сайт Министерства экономического развития РФ [Электронный ресурс] – URL: <http://www.economy.gov.ru> (дата обращения 15.05.2025)
2. eLIBRARY.RU[Электронный ресурс]: электронная библиотека / Науч. электрон. б-ка. – Москва. – URL: <http://elibrary.ru/> (дата обращения 15.05.2025).

6.3 Профессиональные базы данных и информационно-справочные системы

Доступ к профессиональным базам данных: <https://liber.rsuh.ru/ru/bases>

Информационные справочные системы:

1. Консультант Плюс
2. Гарант

7 Материально-техническое обеспечение дисциплины

Для материально-технического обеспечения дисциплины необходимы:

- для лекций:

- учебная аудитория,
- доска,
- проектор (стационарный или переносной),

- компьютер или ноутбук,
- программное обеспечение (ПО).

- для практических занятий:

- лаборатория,
- доска,
- проектор (стационарный или переносной),
- компьютер или ноутбук для преподавателя,
- компьютеры для обучающихся,
- выход в Интернет,
- программное обеспечение (ПО).

Перечень программного обеспечения (ПО)

- для лекций:

№п/п	Наименование ПО	Способ распространения
1	Microsoft Office 2010 Pro	лицензионное
2	Windows 10	лицензионное
3	Kaspersky Endpoint Security	лицензионное

- для практических занятий:

Наименование ПО	Способ распространения
Windows 10	лицензионное
Microsoft Office 2010 Pro	лицензионное
Mozilla Firefox	свободно распространяемое
Kaspersky Endpoint Security	лицензионное
Microsoft SQL Server 2008	лицензионное
Microsoft Visual Professional 2019	лицензионное

8 Обеспечение образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

В ходе реализации дисциплины используются следующие дополнительные методы обучения, текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся в зависимости от их индивидуальных особенностей:

- для слепых и слабовидящих:
 - лекции оформляются в виде электронного документа, доступного с помощью компьютера со специализированным программным обеспечением;
 - письменные задания выполняются на компьютере со специализированным программным обеспечением, или могут быть заменены устным ответом;
 - обеспечивается индивидуальное равномерное освещение не менее 300 люкс;
 - для выполнения задания при необходимости предоставляется увеличивающее устройство; возможно также использование собственных увеличивающих устройств;
 - письменные задания оформляются увеличенным шрифтом;
 - экзамен и зачёт проводятся в устной форме или выполняются в письменной форме на компьютере.
- для глухих и слабослышащих:
 - лекции оформляются в виде электронного документа, либо предоставляется звукоусиливающая аппаратура индивидуального пользования;
 - письменные задания выполняются на компьютере в письменной форме;
 - экзамен и зачёт проводятся в письменной форме на компьютере; возможно проведение в форме тестирования.
- для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- лекции оформляются в виде электронного документа, доступного с помощью компьютера со специализированным программным обеспечением;
- письменные задания выполняются на компьютере со специализированным программным обеспечением;
- экзамен и зачёт проводятся в устной форме или выполняются в письменной форме на компьютере.

При необходимости предусматривается увеличение времени для подготовки ответа.

Процедура проведения промежуточной аттестации для обучающихся устанавливается с учётом их индивидуальных психофизических особенностей. Промежуточная аттестация может проводиться в несколько этапов.

При проведении процедуры оценивания результатов обучения предусматривается использование технических средств, необходимых в связи с индивидуальными особенностями обучающихся. Эти средства могут быть предоставлены университетом, или могут использоваться собственные технические средства.

Проведение процедуры оценивания результатов обучения допускается с использованием дистанционных образовательных технологий.

Обеспечивается доступ к информационным и библиографическим ресурсам в сети Интернет для каждого обучающегося в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

- для слепых и слабовидящих:
 - в печатной форме увеличенным шрифтом;
 - в форме электронного документа;
 - в форме аудиофайла.
- для глухих и слабослышащих:
 - в печатной форме;
 - в форме электронного документа.
- для обучающихся с нарушениями опорно-двигательного аппарата:
 - в печатной форме;
 - в форме электронного документа;
 - в форме аудиофайла.

Учебные аудитории для всех видов контактной и самостоятельной работы, научная библиотека и иные помещения для обучения оснащены специальным оборудованием и учебными местами с техническими средствами обучения:

- для слепых и слабовидящих:
 - устройством для сканирования и чтения с камерой SARA CE;
 - дисплеем Брайля PAC Mate 20;
 - принтером Брайля EmBraille ViewPlus;
- для глухих и слабослышащих:
 - автоматизированным рабочим местом для людей с нарушением слуха и слабослышащих;
 - акустический усилитель и колонки;
- для обучающихся с нарушениями опорно-двигательного аппарата:
 - передвижными, регулируемые эргономическими партами СИ-1;
 - компьютерной техникой со специальным программным обеспечением.

9 Методические материалы

9.1 Планы практических занятий

Студенты должны выполнить 4 практические работы.

Цель практических работ – помочь студентам овладеть методами эконометрики и применять полученные знания для решения конкретных задач в будущей самостоятельной работе.

Особенностью практических работ является их компьютерная направленность. В качестве программной среды используются средства Microsoft Excel.

Выполнив все практические работы, студент должен уметь:

- выделить проблему, исследование которой может быть связано со статистическим анализом;
- сформулировать математическую постановку задачи;
- собрать экспериментальный материал и сформировать выборку;
- с учетом поставленной задачи, используя методы математической статистики, провести обработку и анализ данных;
- использовать вычислительную технику при выполнении расчетов.

Перед выполнением практической работы студент должен проработать относящийся к ней теоретический материал.

Выполнение каждой практической работы протекает в несколько этапов. Сначала студент ознакомится с основными положениями и общей постановкой задачи. Затем под руководством преподавателя решает общую конкретную задачу, на примере которой осваивает методы эконометрики и проводит анализ полученных результатов.

По каждой практической работе студент получает индивидуальное задание, которое выполняется и оформляется в виде отчета.

Преподаватель проверяет правильность и понимание студентом полученных результатов и засчитывает студенту практическую работу только после его ответов на контрольные вопросы.

Перечень лабораторных работ

№ темы	№ п/п	Содержание
Тема 2	1	Практическая работа №1. Элементы корреляционного анализа
Тема 3	2	Практическая работа №2. Парная линейная регрессия. Нелинейная парная регрессия
Тема 4	3	Практическая работа №3. Множественная линейная регрессия
Тема 5	4	Практическая работа №4. Временные ряды. Автокорреляция остатков. Метод скользящего среднего

Практические работы охватывают следующие темы:

- модели парной линейной регрессии, построенные для разных групп данных. Сравнение качества моделей
- модели парной нелинейной регрессии
- модели множественной регрессии, проверка условий Гаусса-Маркова
- динамические модели, скользящие средние

Ниже подробно раскрывается содержание лабораторных работ.

Практическая работа №1. Элементы корреляционного анализа

Пример выполнения задания 1. Предположим, что застройщик оценивает стоимость группы небольших офисных зданий в традиционном деловом районе. Застройщик может использовать корреляционный анализ для установления связи между выбранными переменными.

Переменная Смысл переменной

- | | |
|----|--|
| y | Оценочная цена здания под офис, тыс. \$; |
| x1 | Общая площадь в квадратных метрах; |
| x2 | Количество офисов; |

x3 Количество входов;
 x4 Время эксплуатации здания в годах.

В этом примере предполагается, что существует линейная зависимость между каждой независимой переменной (x1, x2, x3 и x4) и зависимой переменной (y), то есть ценой здания под офис в данном районе. Застройщик наугад выбирает 11 зданий из имеющихся 1500 и получает следующие данные.

x1	x2	x3	x4	y
2310	2	2	20	142
2333	2	2	12	144
2356	3	1,5	33	151
2379	3	2	43	150
2402	2	3	53	139
2425	4	2	23	169
2448	2	1,5	99	126
2471	2	2	34	142
2494	3	3	23	163
2517	4	4	55	169
2540	2	3	22	149

"Пол-входа" (1/2) означает вход только для доставки корреспонденции.

Необходимо установить степень тесноты связи между объясняющими переменными и объясняемыми.

Выполнение

Для вычисления коэффициента корреляции между двумя наборами данных на листе используется статистическая функция **КОРРЕЛ** или метод **Корреляция** из Пакета анализа.

Заполним данными диапазон A1:E12.

1. Для нахождения парной регрессии (например, между площадью и ценой) используем функцию **КОРРЕЛ()**, указав в окне диалога диапазоны A2:A12 и E2:E12. Полученное значение 0,32 свидетельствует о наличии слабой линейной связи между выбранными переменными.
2. Чтобы найти коэффициенты корреляции между всеми парами переменных воспользуемся средством **Корреляция** из Анализа данных. В окне диалога необходимо указать входной интервал, наличие меток (подписей к данным) в первой строке, название листа, на котором будут отображены результаты анализа.

	x1	x2	x3	x4	y
x1	1				
x2	0,22	1			
x3	0,62	0,31	1		
x4	0,22	-0,05	-0,05	1	
y	0,32	0,88	0,51	-0,45	1

Рис. 1. Окно диалога «Корреляция».

После выполнения анализа из отчета можно увидеть, что в наибольшей степени цена дома определяется количеством офисов в нем (коэффициент корреляции 0,88). Отрицательно на цене сказывается возраст дома, – чем он больше, тем дом дешевле (коэффициент корреляции -0,45). Можно также сделать вывод о существующей линейной зависимости площади дома и количества входов в него – коэффициент корреляции 0,62.

ЗАДАНИЕ. Для выполнения работы потребуются выборки, характеризующие группу случайных величин: цены открытия (OPEN), цены закрытия (CLOSE) и объем торгов (VOL).

Сначала, применяя **Мастер диаграмм**, следует построить точечные корреляционные поля для пар OPEN (1-я половина данных) * CLOSE (1-я половина данных), OPEN (все данные) * CLOSE (все данные), CLOSE (1-я половина данных) * VOL (1-я половина данных), CLOSE (все данные) * VOL (все данные).

Затем, используя статистическую функцию **КОРРЕЛ**, надо найти парные коэффициенты корреляции для всех пар, указанных выше.

Применяя **АНАЛИЗ ДАННЫХ/Корреляция**, построить корреляционные таблицы для троек OPEN (1-я половина данных) * CLOSE (1-я половина данных) * VOL (1-я половина данных) и OPEN (все данные) * CLOSE (все данные) * VOL (все данные).

Используя статистическую функцию **ЛИНЕЙН**, найти параметры прямых по методу наименьших квадратов для пар значений OPEN, CLOSE и CLOSE, VOL.

Практическая работа №2. Парная линейная регрессия. Нелинейная парная регрессия

Практическая работа №2.1. Парная линейная регрессия.

Применяя **АНАЛИЗ ДАННЫХ/регрессия**, построить 6 моделей парной линейной регрессии для пар:

1. OPEN * CLOSE (через 1 час)
2. OPEN (1-я половина данных) * CLOSE (через 1 час) (1-я половина данных)
3. OPEN * CLOSE (через 9 часов)
4. OPEN (1-я половина данных) * CLOSE (через 9 часов) (1-я половина данных)
5. OPEN * CLOSE (через 45 часов)
6. OPEN (1-я половина данных) * CLOSE (через 45 часов) (1-я половина данных)

Замечание: в картинке *Регрессия* установить *Уровень надежности* в 99% и отметить только вывод *Графика подбора* на *Новом рабочем листе*.

Во всех моделях проверить статистическую значимость параметров модели при уровнях значимости 1% и 5%. Сравнить качество моделей, объяснить различие.

Содержание отчета:

1. Экономическая постановка задачи.
2. Математическая постановка задачи.
3. Алгоритм решения задачи.
4. Результаты решения задачи
5. Экономическая интерпретация полученных результатов

Практическая работа №2.2. Нелинейная парная регрессия.

1. Построить 2 модели парной нелинейной регрессии, взяв в 1-й модели в качестве независимой переменной цены открытия (столбец OPEN) и зависимой переменной – цены закрытия через 1 час (столбец CLOSE); во 2-й модели рассмотреть пару OPEN – CLOSE через 45 часов. Считаем, что зависимость степенная (см. Пример ниже).
2. Проверить статистическую значимость коэффициентов регрессии.
3. Сравнить качество построенных моделей и соответствующих моделей парной линейной регрессии, построенных по тем же переменным

П Р И М Е Р

На практике часто встречается ситуация, когда априорно известен нелинейный характер зависимости между объясняемыми и объясняющими переменными. В этом случае функция f в уравнении $y=f(a,x)$ нелинейна (a – вектор параметров функции, которые нам нужно оценить). Например, вид зависимости между ценой и количеством товара в той же модели спроса и предложения: она не всегда предполагается линейной, как в нашем примере. *Нелинейную функцию можно преобразовать в линейную* (например, логарифмированием). Если нелинейная зависимость может быть записана в виде суммы функций от неизвестных x_i (например, $y = a + bx_1 + cx_1^2 + hx_2$), то можно построить новые ряды данных (для примера в скобках - ряд данных x_1^2) и оценить с ними линейную

регрессию. Наиболее распространенные виды функций и преобразований данных, необходимые для построения нужного набора новых переменных, обычно заложены в прикладные регрессионные пакеты. Продемонстрируем преобразование нелинейной функции в линейную на примере функции Кобба-Дугласа.

Пусть требуется оценить параметры производственной функции Кобба-Дугласа $Y = A X^a Z^b$.

Для линеаризации прологарифмируем обе части:

$$\ln Y = \ln A + a \ln X + b \ln Z.$$

Полученная формула линейна относительно логарифмов выпуска Y , капитала X и труда Z , и она может быть оценена как множественная линейная регрессия.

Практическая работа №3. Множественная линейная регрессия.

1. Построить модель множественной линейной регрессии, взяв в качестве независимых переменных цены открытия и объем торгов (столбцы OPEN и VOL) и зависимой переменной – цены закрытия (столбец CLOSE). См. Пример ниже.
2. Проверить статистическую значимость коэффициентов регрессии.
3. Сравнить качество построенной модели и модели парной линейной регрессии, построенной по переменным OPEN и CLOSE. Можно ли удалить какую-либо переменную из модели множественной регрессии без заметного ухудшения качества модели ?

П Р И М Е Р

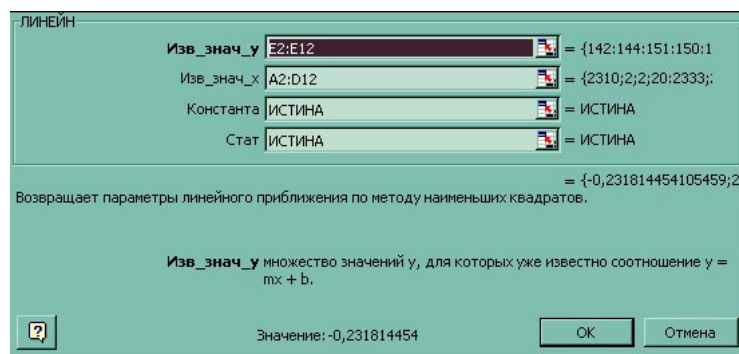
Используя множественный регрессионный анализ, оценить цену офисного здания в заданном районе на основе описанных переменных (см. лаб. раб. 2).

Выполнение.

Для нахождения уравнения регрессии с помощью функции ЛИНЕЙН() необходимо выполнить следующие шаги.

1. Озаглавьте область будущего отчета, введя в клетку G1: Регрессионный анализ. Выделите диапазон G2:K9. Размер диапазона выбирается следующим образом. Число строк – одна, если требуется получить только коэффициенты регрессии, пять, если необходимо получить дополнительную статистику. Число столбцов соответствует числу переменных.
2. Выберите функцию ЛИНЕЙН() из раздела статистические и заполните окно диалога согласно рис.4.1.

Рис. 4.1.



Известные_значения_у - это множество значений y , которые уже известны (E2:E12).

Известные_значения_х - это множество значений x , которые уже известны для соотношения (A2:D12). Массив известные_значения_х может содержать одно или несколько множеств переменных при условии, что они имеют одинаковую размерность с массивом известные_значения_у.

Конст – это логическое значение, которое указывает, требуется ли, чтобы константа a_0 была равна 0. Если конст имеет значение ИСТИНА или опущено, то a_0 вычисляется

обычным образом. Если конст имеет значение ЛОЖЬ, то a_0 полагается равным 0 и значения a_1 подбираются так, чтобы выполнялось соотношение $y = a_1x$.

Статистика – это логическое значение, которое указывает, требуется ли вернуть дополнительную статистику по регрессии. Если статистика имеет значение ИСТИНА, то функция ЛИНЕЙН возвращает дополнительную регрессионную статистику. Если статистика имеет значение ЛОЖЬ или опущена, то функция ЛИНЕЙН возвращает только коэффициенты a_i .

3. Функция ЛИНЕЙН() является формулой массива. Поэтому после заполнения окна диалога необходимо комбинацией Shift-Ctrl-Enter завершить заполнение выделенного диапазона.

=ЛИНЕЙН(E2:E12;A2:D12;ИСТИНА;ИСТИНА)

возвращает следующие результаты.

-0,23181	2,7092	12,61839	0,025561	56,58702
0,013728	0,54907	0,413939	0,005618	12,66169
0,996544	1,004233	#Н/Д	#Н/Д	#Н/Д
432,4997	6	#Н/Д	#Н/Д	#Н/Д
1744,676	6,050904	#Н/Д	#Н/Д	#Н/Д

Теперь может быть получено уравнение множественной регрессии

$$y = a_1x_1 + a_2x_2 + a_3x_3 + a_4x_4 + a_0;$$

$$y = 0,03x_1 + 12,62x_2 + 2,71x_3 - 0,02x_4 + 56,59$$

По этому уравнению застройщик может определить оценочную стоимость здания под офис в том же районе, которое имеет площадь 2500 квадратных метров, три офиса, два входа, зданию 25 лет, используя следующее уравнение:

$$y = 0,03 \cdot 2500 + 12,62 \cdot 3 + 2,71 \cdot 2 - 0,02 \cdot 25 + 56,59 = 175,37 \text{ тыс. \$}.$$

Практическая работа №4. Временные ряды. Автокорреляция остатков. Метод скользящего среднего.

Практическая работа №4.1. Автокорреляция остатков.

Построить модель парной линейной регрессии, взяв в качестве зависимой переменной Y – цены закрытия (столбец CLOSE), а в качестве независимой переменной X – порядковые номера. Установить, существует ли автокорреляция остатков, с помощью:

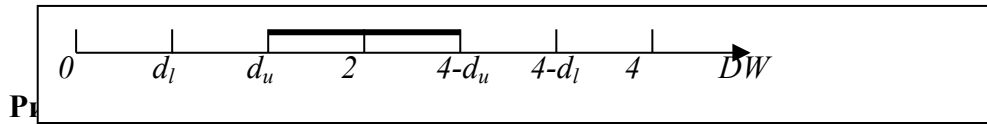
- визуального отображения данных, построив 2 графика. Один график в координатах (порядковый номер i , остаток e_i). Второй график – в координатах (остаток e_{i-1} , остаток e_i);
- статистики Дарбина-Уотсона (см. текст ниже)

Автокорреляция остатков

Близкое к единице значение коэффициента детерминации R^2 еще не свидетельство высокого качества уравнения регрессии. Поэтому следующий этап проверки качества уравнения регрессии - проверка некоторых важных свойств, выполнение которых предполагалось при оценивании уравнения регрессии. Одним из основных предполагаемых свойств отклонений e_i значений y_i от регрессионной формулы $y = a + bx$ является их статистическая независимость между собой. Проверяется обычно их некоррелированность (являющаяся необходимым, но недостаточным атрибутом независимости), причем некоррелированность соседних величин e_i . Соседними можно считать соседние во времени (в случае временных рядов) или по возрастанию переменной x (в случае перекрестных выборок) значения e_i . Практически используют статистику Дарбина-Уотсона DW, рассчитываемую по формуле:

$$DW = \frac{\sum_i (e_i - e_{i-1})^2}{\sum_i e_i^2}$$

По таблицам находятся (при данном уровне значимости, числе наблюдений и независимых переменных) доверительные интервалы, в пределах которых нулевая гипотеза (отсутствие автокорреляции остатков e_i) принимается, отвергается или не может быть принята или отвергнута. Важно, что для статистики Дарбина-Уотсона существуют два критических значения, меньшие двух: нижнее d_l , как граница для признания положительной автокорреляции остатков и верхнее d_u как граница признания ее отсутствия. Для проверки гипотезы об отрицательной автокорреляции остатков эти критические значения отражаются симметрично относительно числа 2 (рис.6.4.).



Пример 6.2.

Пусть оценена парная линейная регрессия по 15 наблюдениям, и $DW = 1,1$. Зададим уровень значимости 5% и найдем по таблицам $d_l = 0,95$; $d_u = 1,23$. Нулевая гипотеза была бы принята при $d_u = 1,23 < DW < 2,77 = 4 - d_u$ и отвергнута при $DW < 0,95 = d_l$, или $DW > 3,05 = 4 - d_l$. Поскольку в данном случае DW лежит между d_u и d_l , нулевая гипотеза не может быть ни принята, ни отвергнута. Если альтернативной гипотезой является гипотеза о положительной автокорреляции остатков (отрицательная из содержательных соображений отбрасывается), то критические значения $d_u = 1,23$ и $d_l = 0,95$ соответствуют 2,5%-ному уровню значимости.

Конец примера

Как в общем случае выглядят примерно критические величины статистики DW ? В первом приближении можно сказать, что при достаточном числе наблюдений (не меньше 12-15), при 1-3 объясняющих переменных DW должна быть не менее 1 (и не больше 3). В противном случае мы признаем существование автокорреляции остатков и попытаемся улучшить формулу. Если статистика DW находится приблизительно между 1,2-1,3 и 2,7-2,8, мы можем считать, что статистически значимая автокорреляция остатков отсутствует. В промежуточном случае достаточно надежный вывод сделан быть не может. Если число наблюдений растет, то критические значения статистики Дарбина-Уотсона d_l и d_u приближаются к двум: для 60-70 наблюдений ее нижнее критическое значение d_l составляет примерно 1,4-1,5. Это верно для прежнего относительно малого числа объясняющих переменных; если это число растет, то критическое значение DW становится меньше.

Итак, обобщая, *если статистика Дарбина-Уотсона составляет 1,5-2,0-2,5, мы хотя и не можем быть абсолютно уверены, что отклонения от линии регрессии взаимно независимы, но обычно удовлетворяемся этим в проверке их независимости.*

В случае наличия автокорреляции остатков полученная формула регрессии считается обычно неудовлетворительной. Взглянув на график поведения отклонений e_i , можно поискать другую (нелинейную) формулу, включить неучтенные до этого факторы, уточнить период проведения расчетов или разбить его на части, либо применить к данным уменьшающее автокорреляцию остатков преобразование (например, автокорреляционное преобразование или метод скользящих средних).

Статистика DW позволяет проверить некоррелированность отклонений от линии регрессии. Некоторые другие свойства этих отклонений (например, постоянство их дисперсии) могут быть также проверены с помощью специальных статистик. Мы не будем останавливаться на этом подробно, упомянув лишь о существовании самой проблемы. Рассуждения при этом могут быть подобными прежним: если значения тестовых статистик "плохие", то можно попытаться уточнить формулу связи, набор объясняющих переменных или процедуру оценивания.

Практическая работа №4.2. Метод скользящего среднего.

Для временного ряда $Y(t)$, где $Y(t)$ - значение цены в момент времени (порядковый номер) t , построить 3 кривые методом скользящего среднего (см. текст ниже), используя Сервис→Анализ данных→Скользящее среднее со значениями интервалов 3, 21, 35. Сравнить полученные кривые.

Методы сглаживания временного ряда

Под методами сглаживания временного ряда понимается выделение неслучайной составляющей. Предположим, что известен общий вид неслучайной составляющей $F(t)$ для ряда $Y(t)=F(t, \mathbf{a}) + e(t)$. Это может быть полином, ряд Фурье и т.д. Тогда возникает задача оценки параметров $\mathbf{a}$. В такой постановке задачи используются аналитические методы.

Если вид неслучайной составляющей неизвестен $F(t)$, то используются алгоритмические методы. К таким методам относится метод скользящего среднего, лежащий в основе более сложных процедур сглаживания.

Метод скользящего среднего

В основе методов исключения случайных отклонений лежит следующая идея: если разброс значений ряда $Y(t)$ около своего среднего значения $\bar{a}$ характеризуется дисперсией s^2 , то разброс среднего из N членов временного ряда $(Y_1 + \dots + Y_N)/N$ около того же значения будет характеризоваться гораздо меньшей величиной дисперсии, а именно s^2/N . Уменьшение дисперсии и означает сглаживание траектории.

Предположим, что ошибки $e(t)$ некоррелированы по времени, иначе применение МНК даст смещенные оценки. Процедура сглаживания временного ряда состоит в следующем. Пусть n – число уровней ряда, m - произвольное число, не превосходящее $n/3$, обычно не больше 3, и $N=2m+1$. Тогда оценки вычисляются следующим образом:

$$\hat{F}(t) = \sum_{k=-m}^{k=m} w_k Y(t+k), \quad t = m+1, m+2, \dots, n-m \quad \text{и} \quad \sum_{k=-m}^{k=m} w_k = 1$$

– веса, определяемые

полиномиальным приближением $\hat{F}(t)$ при заданном m и p – порядке полинома. В

частности, при $p=1$

$$w_k = \frac{1}{2m+1}.$$

АННОТАЦИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель курса – подготовить специалиста, способного на основе описания экономических процессов и явлений строить стандартные теоретические и эконометрические модели, анализировать и содержательно интерпретировать полученные результаты.

Задачи дисциплины:

1. овладеть основными математико-статистическими методами построения эконометрических моделей,
2. научиться строить эконометрические модели на основе реальных статистических данных,
3. развить навыки содержательно интерпретировать построенные модели.

В результате освоения дисциплины обучающийся должен:

Знать

~ основные математико-статистические методы построения эконометрических моделей и оценки качества моделей;

~ эконометрические методы (статистика, регрессионный анализ, временные ряды);

~ источники экономических данных;

~ способы оценки качества данных и моделей.

Уметь

~ работать с программными продуктами, позволяющими применить эконометрические методы к анализу реальных статистических данных.

~ собирать и обрабатывать экономические данные;

~ строить эконометрические модели и анализировать их;

~ прогнозировать экономические показатели.

Владеть

~ навыками содержательной интерпретации построенных эконометрических моделей.

~ навыками работы с Excel, SPSS, Stata или R;

~ методами визуализации данных (графики, диаграммы);

~ инструментами анализа и проверки эконометрических моделей.

Рабочей программой предусмотрены следующие виды контроля: текущий контроль успеваемости в форме контрольной работы, промежуточная аттестация в форме экзамена.

Общая трудоемкость освоения дисциплины составляет 3 зачетных единиц.